

1	2	3	4	5	Σ
5	4	3	6	3	218

+80

+26

250

A^o
ок

164-915-647 96

11 класс.

ТЕТРАДЬ

для _____

учени _____ класса _____

_____ школы _____

Чистовик.

Задача №3

3

Дано: L, q, m
 Δ, B
 $T = ?$

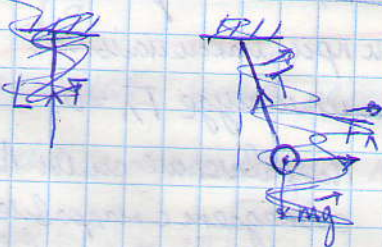
Решение:

Сделаем рисунок.

При выключенном магнитном поле на маятник действует 2 силы: \vec{T} и $m\vec{g}$

По I закону Ньютона:
 $\vec{T} + m\vec{g} = 0$

~~Если включить магнитное поле B:~~



Теперь выведем маятник из положения равновесия:



При ~~то~~ максимальной амплитуде скорость маятника равна нулю, значит сила Лоренца действующая на маятник также равна нулю

Сила Лоренца:

$$F_L = Bvq$$

Уравнение гармонических колебаний:

$$x(t) = A \cos(\omega t + \varphi_0), \text{ где } A - \text{амплитуда колебаний.}$$

продифференцируем обе части уравнение:

$$x'(t) = -\omega A \sin(\omega t + \varphi_0) \quad +$$

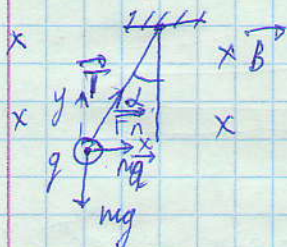
$$v = -\omega A \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$v_{\max} = \omega A.$$

еще раз продифференцируем:

$$x''(t) = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$a_{\max} = \omega^2 A.$$



По II закону Ньютона:

$$mg + \vec{T} + \vec{F}_L = m\vec{a}$$

$$\text{ox: } T \sin \alpha + F_L \sin \alpha = ma.$$

$$\text{oy: } T \cos \alpha + F_L \cos \alpha - mg = 0.$$

$$T \cos \alpha + F_L \cos \alpha = mg.$$

$$\sin \alpha (T + F_L) = ma.$$

$$\cos \alpha (T + F_L) = mg.$$

Поскольку F_L зависит от скорости, то:

$$F_L(t) = -\omega A B q \sin(\omega t + \varphi_0)$$

и при максимальной амплитуде $F_L = 0$.

Направление силы Лоренца совпадает с направлением силы реакции подвеса. Векторы \vec{T} и \vec{F}_L - коллинеарны.

Разделим оба ~~уравнения~~ уравнение друг на друга.

$$\operatorname{tg} \alpha \approx \frac{a}{g}$$

$$\operatorname{tg} \alpha \approx \frac{A}{L} \text{ поскольку угол } \alpha - \text{ малый.}$$

$$a = g \operatorname{tg} \alpha$$

$$a = g \frac{A}{L}$$

$$a = \frac{g}{L} A$$

$$\omega^2 A = \frac{g}{L} A$$

$$\omega^2 = \frac{g}{L}$$

$$\frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{g}{L}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

Неверно!

Получается, что период колебаний не зависит от наличия магнитного поля и действия силы Лоренца.

$$\text{Ответ: } T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

Задача №1.

(5) + 2 = 7

Дано:

L_0

$\alpha_1; \alpha_2$

$k_1; k_2$

$E = ?$

Решение:

как известно ^{твердые} тела при нагревании расширяются, причем расширение линейно зависит от температуры: зависимость длины тела от температуры можно описать уравнением:

$$L = L_0 (1 + \alpha (T - T_0)) \text{ , где } \alpha - \text{коэффициент}$$

линейного расширения.

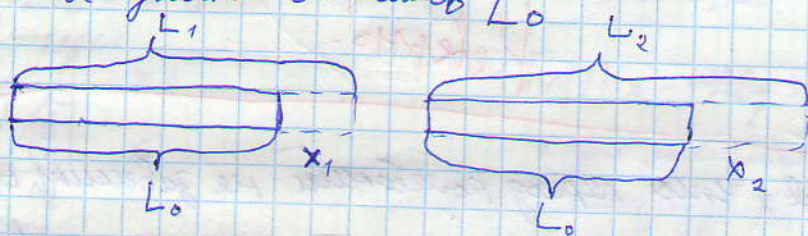
Тогда для I стержня:

$$L_1 = L_0(1 + \alpha_1 \Delta T)$$

Для II стержня:

$$L_2 = L_0(1 + \alpha_2 \Delta T)$$

То есть при нагревании длины стержней должны были увеличиться. Однако нам сказано, что их жестко скрепили, а сами они не гнулись, значит их фактическая длина осталась L_0 .



То есть стержни можно считать стальными пружинами, а деформация, возникающая в стальной пружине равна:

$$E_{\text{пр}} = \frac{kx^2}{2}, \text{ где } x - \text{сжатие, } k - \text{коэффициент жесткости.}$$

$$E_{\Sigma} = E_1 + E_2 = \frac{k_1 x_1^2}{2} + \frac{k_2 x_2^2}{2}$$

$$\begin{aligned} & t_0 = 20^\circ\text{C} \\ & \Delta T = (t - t_0) = t \end{aligned}$$

$$x_1 = L_1 - L_0 = L_0(1 + \alpha_1 \Delta T) - L_0 = \alpha_1 \Delta T L_0$$

$$x_2 = L_2 - L_0 = L_0(1 + \alpha_2 \Delta T) - L_0 = \alpha_2 \Delta T L_0$$

$$E = \frac{k_1 \alpha_1^2 L_0^2 t^2 + k_2 \alpha_2^2 L_0^2 t^2}{2} = \frac{L_0^2 t^2}{2} (k_1 \alpha_1^2 + k_2 \alpha_2^2)$$

Ответ: $E = \frac{L_0 + 2}{2} (k_1 d_1^2 + k_2 d_2^2)$

Задача 1/2.

Итого!

Стержни параллельны !!!

Дано:

Решение:

(4) (2)

$S; m; V$

$T_0; V_0$

$V = \frac{2}{3} V_0$

$m_2 = 2m$

$C;$

$Q = ?$



$T_0; V_0$



$V; T$

При равновесии поршни должны совершаться условие:

$$P_2 = P_{\text{поршня}}$$

$$P_2 = \frac{F}{S} = \frac{mg}{S}$$

$$P_1 = \frac{mg}{S}; P_2 = \frac{2mg}{S}$$

$$P_2 = 2P_1$$

Согласно уравнению Менделеева-Клапейрона:

Клапейрона:

$$pV = \nu RT$$

$$T = \frac{pV}{\nu R}$$

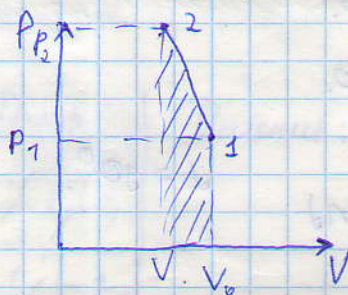
$$T_0 = \frac{P_1 V_0}{\nu R}$$

$$T = \frac{P_2 V}{\nu R} = \frac{2P_1 \frac{2}{3} V_0}{\nu R} = \frac{4}{3} \frac{P_1 V_0}{\nu R} = \frac{4}{3} T_0$$

Согласно I закону Термодинамики:

$$Q = A_2 + \Delta U$$

Работа газа равна площади под графиком процесса на pV-диаграмме:



$$A_2 = P_1 (V_0 - V) + \frac{1}{2} (P_2 - P_1) (V_0 - V)$$

$$= A_2 = \frac{1}{3} P_1 V_0 + \frac{1}{2} P_1 \cdot \frac{1}{3} V_0 = \frac{1}{2} P_1 V_0 = \frac{mg V_0}{2S}$$

Работа газа - отрицательна

$$\Delta U = \frac{i}{2} \nu R T = \frac{i}{2} \nu R (T - T_0) = \frac{i}{2} \nu R \frac{1}{3} T_0 = \frac{i}{6} \nu R T_0$$

Изменение внутренней энергии - положительное

поскольку газ сжимается, то

Q - отрицательно.

$$Q = \Delta U - A_2$$

$$|Q| = A_2 - \Delta U = \frac{mgV_0}{2S} - \frac{i}{6} \nu R T_0, \text{ предположим, что газ - одноатомный}$$

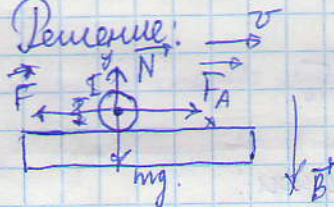
$$i = 3.$$

$$Q = \frac{mgV_0}{2S} - \frac{\nu R T_0}{2}$$

$$\text{Ответ: } Q = \frac{mgV_0}{2S} - \frac{\nu R T_0}{2}$$

Задача 14.

Есть ответ
кроме
 $Q = \frac{CT_0}{3}!$

Дано:	Решение:
v, L	
R, B	
$F = ?$	

(6)

Поскольку скорость v - постоянна, то:

По I закону Ньютона:

$$\vec{F}_A + \vec{N} + m\vec{g} + \vec{F} = 0.$$

$$Oy: \vec{N} - mg = 0.$$

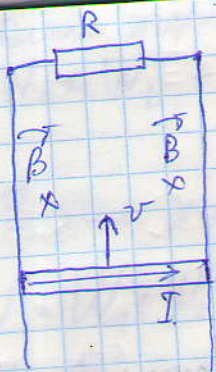
$$Ox: F_A - F = 0.$$

$$F_A = F$$

$$F_A = LB I \sin \alpha$$

$$F_A = LB I.$$

$$\alpha = 90^\circ.$$



При движении проводника в магнитном поле в нем возникает явление самоиндукции, то есть на концах проводника накапливается разность потенциалов.

$$\mathcal{E}_{is} = BvL$$

В результате в цепи возникает ток...

По закону Ома для цепи:

$$I = \frac{\mathcal{E}_{is}}{R + r_{pr} + r_{st}}$$

мы пренебрежем сопротивлением проводов и сопротивлением стержня

$$I = \frac{\mathcal{E}_{is}}{R} = \frac{BvL}{R}$$

$$F_A = LBI = \frac{LB \cdot BvL}{R} = \frac{L^2 B^2 v}{R}$$

$$F = F_A = \frac{L^2 B^2 v}{R}$$

$$\text{Ответ: } F = \frac{L^2 B^2 v}{R}$$

Задача 15.

Дано:

$R, C_1, C_2,$

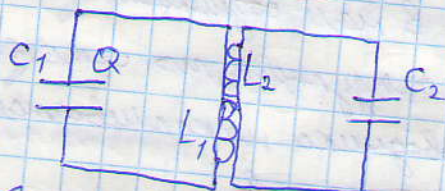
$L_1, L_2.$

Решение:

3

$$\frac{Q}{T_1, T_2 = ?}$$

Нарисуем схему



Оба колебательных контура не связаны между собой и цель не образуют, однако катушка L_1 находится возле катушки L_2 , поэтому они могут влиять друг на друга за счёт явления электромагнитной индукции.

При $T = 0$.

$$W_{\#} = W_{C1, \max} = \frac{Q^2}{2C_1}$$

При $T = \frac{1}{4}T_1$

$$W_2 = W_{L2, \max} = \frac{L_2 I^2}{2} = \frac{\Phi I}{2} = \frac{\Phi^2}{2L_1} = LI.$$

В то же время в I катушке из-за увеличения силы тока начинает увеличиваться магнитный поток, во II катушке возникает явление электромагнитной индукции

$$\Phi = L_1 I_1'(t)$$

$$\Phi = L_2 I_2'(t)$$

$$I_2'(t) = \frac{L_1}{L_2} I_1'(t)$$

Полная энергия колебаний во II контуре:

$$W_2 = W_{L_2} + W_{C_2} = \frac{LI^2}{2} + \frac{q^2}{C_2}$$

Полная энергия колебаний в двух контурах (По закону сохранения энергии).

$$W = W_1 + W_2$$

$$W = \frac{Q^2}{2C_1}$$

$$W = \frac{q_1^2}{2C_1} + \frac{L_1 I_1^2}{2} + \frac{L_2 I_2^2}{2} + \frac{q_2^2}{2C_2}$$

Продифференцируем:

$$0 = \frac{q_1 q_1'}{C_1} + L_1 I_1 I_1' + L_2 I_2 I_2' + \frac{q_2 q_2'}{C_2} \quad I_1' = I_2'$$

$$\frac{q_1 I_1}{C_1} + L_1 I_1 I_1' + L_2 I_2 I_2' + \frac{q_2 I_2}{C_2} = 0$$

Предположим, что изначальная энергия распределится между контурами и дальнейшего обмена энергией не произошло:

$$\frac{q_1 I_1}{C_1} + L_1 I_1 I_1' = 0$$

$$L_2 I_2 I_2' + \frac{q_2 I_2}{C_2} = 0$$

$$\frac{q_1}{C_1} + L_1 I_1' = 0$$

$$\frac{q_2}{C_2} + L_2 I_2' = 0$$

$$\frac{q_1}{C_1} + \frac{L_1 I_1^2}{L_2 I_2} = 0$$

$$I_1' = -\frac{q_1}{L_1 C_1}$$

$$I_2' = -\frac{q_2}{L_2 C_2}$$

$$q_1'' = -\frac{q_1}{L_1 C_1}$$

$$\omega^2 = \frac{1}{L_1 C_1}$$

$$\frac{2\pi}{T_1} = \sqrt{\frac{1}{L_1 C_1}}$$

$$T_1 = 2\pi \sqrt{L_1 C_1}$$

$$q_2'' = -\frac{q_2}{L_2 C_2}$$

$$\omega^2 = \frac{1}{L_2 C_2}$$

$$\frac{2\pi}{T_2} = \sqrt{\frac{1}{L_2 C_2}}$$

$$T_2 = 2\pi \sqrt{L_2 C_2}$$

Уравнение гармонических колебаний:

$$q(t) = q_{\max} \cos \omega t.$$

$$q'(t) = -\omega q_{\max} \sin \omega t.$$

$$q''(t) = -\omega^2 q_{\max} \cos \omega t.$$

Следовательно: $T_1 = 2\pi \sqrt{L_1 C_1}$; $T_2 = 2\pi \sqrt{L_2 C_2}$

$$\frac{q_1 T_1}{C_1} =$$